

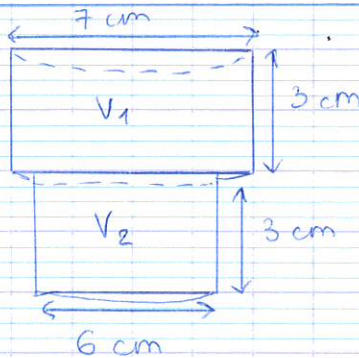
Elise

Anais

Anaé

## problème Resco - design du verre

◦ représentation et dimensions du verre :



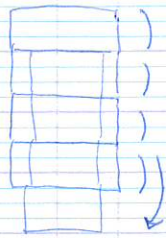
◦ contenance du verre :

$$V_1 = \pi \times r^2 \times h = \pi \times 3,5^2 \times 3 = 415,5 \text{ cm}^3 = 41,5 \text{ cl}$$

$$V_2 = \pi \times r^2 \times h = \pi \times 3^2 \times 3 = 85 \text{ cm}^3 = 8,5 \text{ cl}$$

$$V_{\text{TOTAL VERRE}} = V_1 + V_2 = 41,5 + 8,5 = 50 \text{ cl}$$

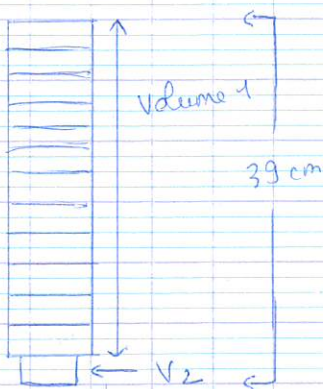
◦ empilement des verres :



on compte 3 cm par verre sauf pour le 1<sup>er</sup> verre de la pile.  $40 - 3 = 37$   ~~$37 \div 3 = 12,33$~~   
 $37 \div 3 \approx 12$  verres  $12 \times 3 + 3 = 39$  cm  
 Une pile de 12 verres mesure 39 cm.

◦ volume de la pile :

pile de 12 verres



épaisseur 2 mm donc + 2 mm au rayon

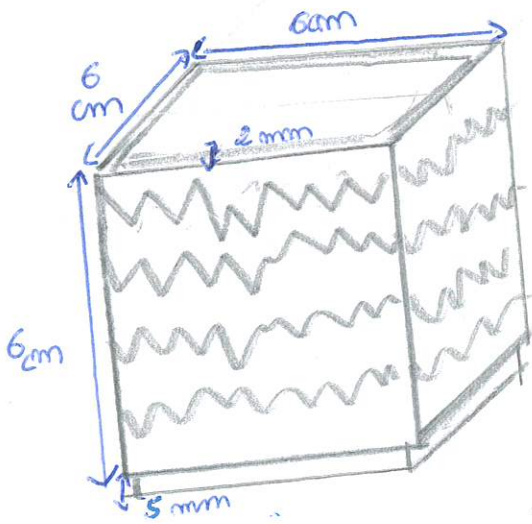
$$V_1 = \pi \times r^2 \times h = \pi \times 3,7^2 \times 36 = 1548 \text{ cm}^3 \approx 155 \text{ cl}$$

$$V_2 = \pi \times r^2 \times h = \pi \times 3,2^2 \times 3 = 98,5 \text{ cm}^3 \approx 102,9 \text{ cm}^3 = 10,3 \text{ cl}$$

$$V_1 + V_2 = 155 + 10,3 = 165,3 \text{ cl}$$

Le volume totale de la pile est 165,3 cl.

# Les Verres de



## Kikagaku

• des dimensions les plus petites possibles pour que les verres est une contenance de 20 cl sont que chaque faces 5,8 cm et donc 6 cm en tout pour l'épaisseur de 2 mm.

•  $V_{cube} = c \times c \times c$   
on essaye donc avec 5 et 6:  
 $5^3 = 125 < 200$   
 $6^3 = 216 > 200$

- on sait que 20 cl = 200 cm<sup>3</sup>  
donc la longueur se trouve entre 5 et 6 cm. Avec plusieurs essais la longueur la plus proche est 5,8.

• Pour pouvoir empiler les verres de manière droite en rajouter un rebord de 5 mm mesurant moins de 5,8 cm. Ça permet de les empiler tout en les laissant solide.

• on sait qu'une tour se peut faire que 40 cm. Un verre mesurant 6,5 cm (longueur) on peut donc empiler 6 verres.  $6 \times 6 = 36$  cm. Il faut donc 1000 verres.  $1000 \div 6 \approx 167$  (et une tour se sera constitué de seulement 4 verres.  $167 \times 6 = 1002 - 2 = 1000$ ).

• On sait donc qu'une tour mesure 40 cm de haut et 5,8 cm par 5,6 cm pour la base.  
 $V_{pavé} = h \times L \times l$   
 $= 40 \times 6 \times 6$   
 $\approx 1440 \text{ cm}^3$

Donc,  $1440 \times 167 = 240480 \text{ cm}^2$   
sera donc la place dont on aura besoin pour les 1000 verres.

$$21 \text{ cl} = 210 \text{ cm}^3$$

$$V_{\text{carré}} = c^3$$

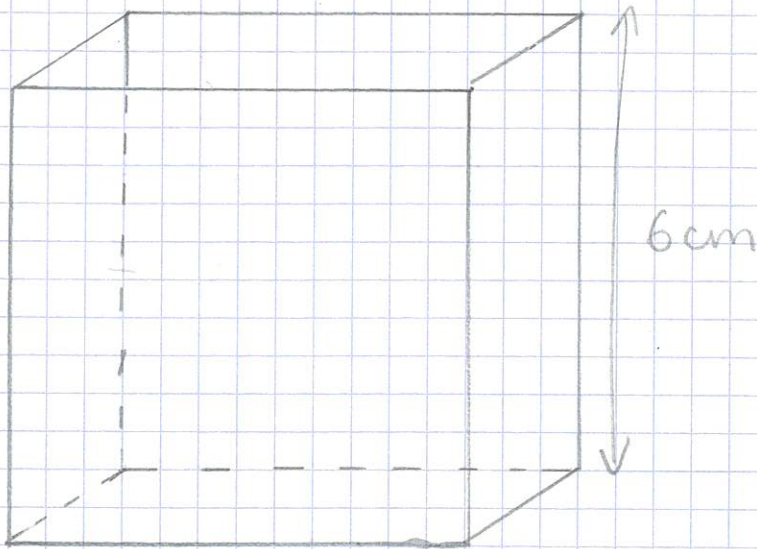
$$210 = c^3$$

$$\sqrt[3]{210} = \sqrt[3]{c^3}$$

$$\sqrt[3]{210} = c \approx 595 \approx 6 \text{ cm}$$

Alice  
Guillard  
2<sup>nd</sup> 5  
Mello  
Murray-Hill

↳ Nous estimons  
que la plus grande  
partie du verre  
est un cube



Il manque le pied.

↳ Nous estimons que c'est un pavé droit de  
 $4 \text{ cl}$

$$4 \text{ cl} = 40 \text{ cm}^3$$

$$V_{\text{pavé droit}} = l \times l \times h$$

$$40 = l \times l \times h$$

Il faut que  $l = l$  car c'est un pavé droit à base  
carré donc :

$$40 = 5 \times 5 \times 1,6$$

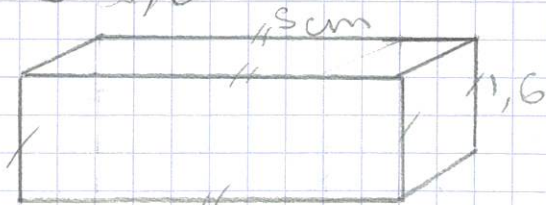
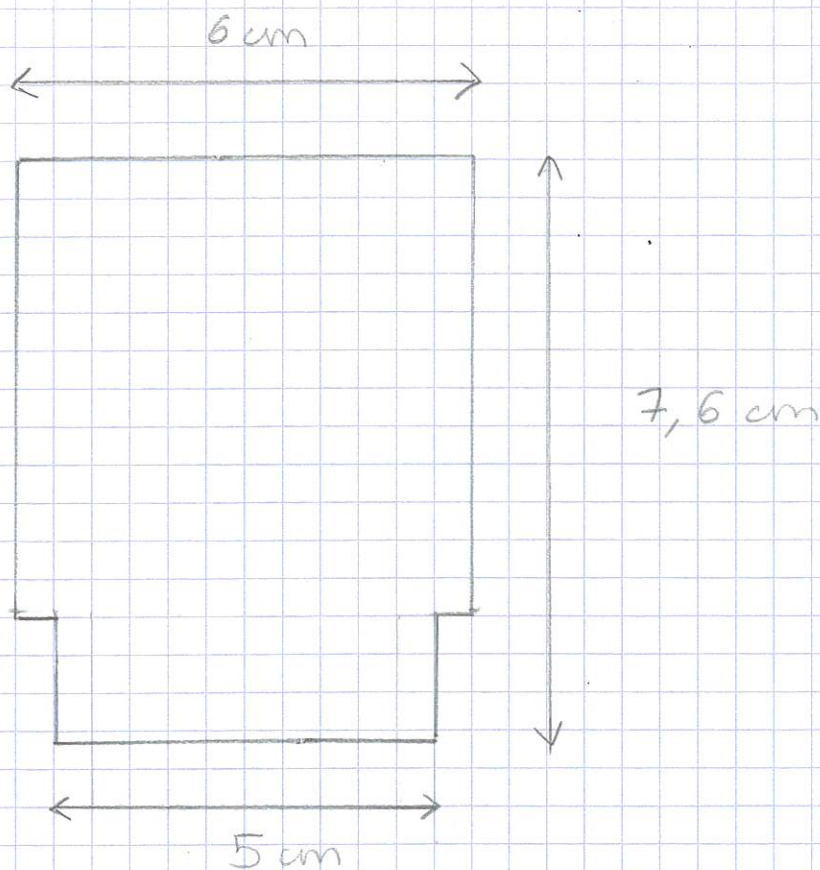


Schéma intégral du verre :

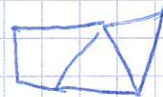


Volume intégrale du verre

$$2lcl + 4cl = 25cl$$

ou

$$6 \times 6 \times 7,6 - 1 \times 5 \times 1,6 \times 2 \\ = 257,6 \text{ cm}^3 = 25,76 \text{ cL}$$



---

$$7,6 \times 5 = 38$$

7,6 est la hauteur total d'un verre

On peut donc faire des piles de 5 verres sans que ça dépasse les 40cm

$$25 \times 5 = 125 \text{ cL} = 1,25 \text{ L}$$

25 est le volume total d'un verre.

La pile fera donc un volume total de 1,25L.

## PROBLÈME RESCO

Faoua  
Alyona  
CHAUMETTE  
Louise-  
Adèle

Nous voulons que notre verre soit sous forme cubique ou rectangulaire, avec un socle pour pouvoir être empilé. Cette forme de verre nous permettra de ne pas perdre d'espace de rangement lorsqu'on mettra les piles de verres côte à côte.

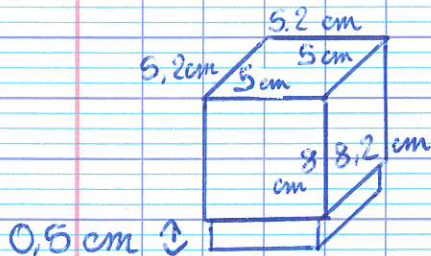
205  $20 \text{ dl} = 200 \text{ ml} = 200 \text{ cm}^3$

Owarim

Mandy

Un verre de volume intérieur de  $200 \text{ cm}^3$  a pour dimensions intérieures  $5 \times 5 \times 8$  ( $5 \times 5 \times 8 = 200$ ).

Les dimensions extérieures avec l'épaisseur du verre de  $2 \text{ mm}$  sera de  $5,2 \times 5,2 \times 8,2$ .



La hauteur du socle sera de  $5 \text{ mm}$  soit  $0,5 \text{ cm}$ .

La pile de verre ne peut dépasser les  $40 \text{ cm}$  pour que les serveurs puissent la porter sans problèmes.

$$8,2 \times 4 + 0,5 = 33,3 \text{ cm}$$

Nous pouvons faire des piles de 4 verres maximum. Il faut qu'en stocke 1000 verres.  $1000 : 4 = 250$   
Cela nous fait 250 piles de 4 verres à ranger.

→

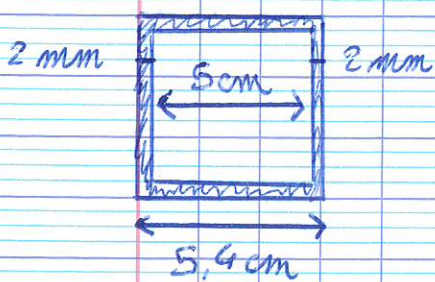
Si l'on dispose les 250 piles au sol pour voir le volume occupé cela nous donne :



10 piles

25 piles

schéma non représentatif



verre en d'en placard

$$10 \times 5,4 = 54 \text{ cm}$$

$$25 \times 5,4 = 135 \text{ cm}$$

Donc si l'on dispose tous les verres sur un même étage cela nous donne une armoire avec des dimensions minimums de 54 cm de profondeur et 135 cm de largeur (54 x 135). Cela ne correspond pas vraiment à une taille d'armoire standard. Alors le mieux à faire est de disposer les 250 piles sur deux étages.

$$250 \div 2 = 125 \quad | \quad 19 \times 9 = 126 \quad \left. \vphantom{250 \div 2} \right\} \begin{array}{l} \text{il y aura une ligne avec} \\ \text{une pile en moins} \end{array}$$



9 piles

19 piles

$$19 \times 5,4 = 75,6 \text{ cm}$$

$$9 \times 5,4 = 48,6 \text{ cm}$$

Ces dimensions sont idéales pour un placard standard.

Alors l'ensemble des 1000 verres peuvent être répartis sur 2 étagères avec 125 piles de 4 verres d'une hauteur 33,3 cm sur 2 étagères.

Travail de 26/02

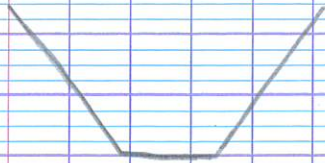
Les verres carrés sont les plus <sup>optimales</sup> car les verres ronds lorsque on les range il y a de la place qui se perd. Alors que les verres carrés se collent parfaitement entre eux. Les verres sont pratiques à utiliser.

$x \times x$

$$\frac{20}{2x^2} ?$$

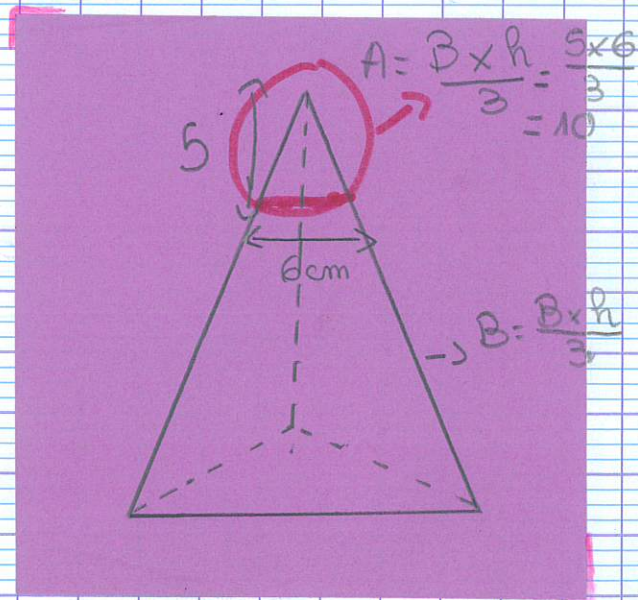
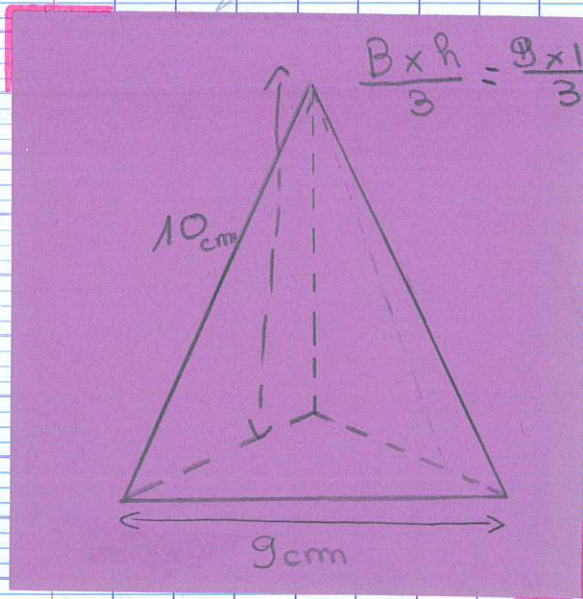
Kivvha  
Doyen

## Mes verres



la forme que j'ai choisie est  
le pyramide tronquée

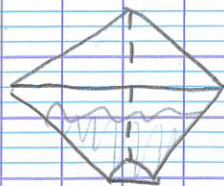
pour calculer le volume il faut calculer l'entiereté  
de la pyramide puis la soustraire à celle de la  
petite pyramide.



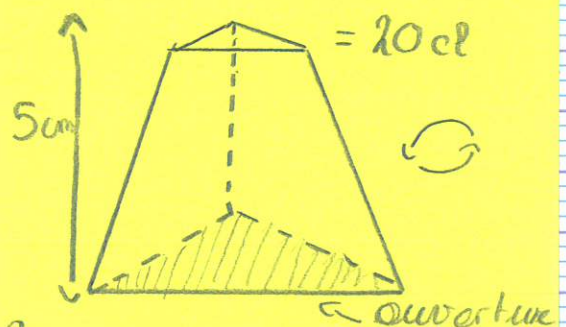
$B - A =$  volume du  
verre (20 cl)

soit

$$30 - 10 = 20 \text{ cl}$$

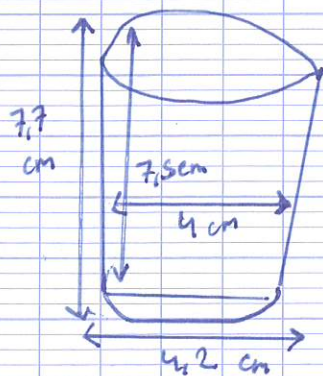


## Solution



8 verres à empiler pour faire  
40 cm sans compter l'aise  
destant

## Ide pour un verre



Hauteur

$$\text{intérieure} = 7,7 - 0,2 = 7,5$$

$$\text{Rayon intérieur} = 4,2 - 0,2 = 4 \text{ cm}$$

$$\text{Volume} = \pi \times r^2 \times h$$

$$V = \pi \times (4)^2 \times 7,5$$

$$V = 3,14 \times 120$$

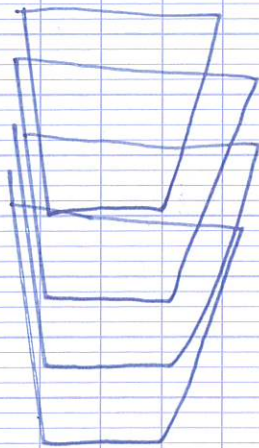
$$V = 376,8 \text{ cm}^3$$

$$1 \text{ cl} = 10 \text{ cm}^3$$

$$\text{donc } 376,8 \text{ cm}^3 \approx 37,7 \text{ cl}$$

plus de 20 cl. donc

la contrainte est respectée.



Seuls 6,3 cm de la cassette en verre s'emboîtent les uns dans les autres, ce qui laisse un espace de 1,4 cm.  $\pi$  pour donc diviser  $40 \div 1,40$  et obtenir 28, ce qui signifie que 28 verres peuvent être empilés.

$$V \text{ de pile} = 3,14 \times (4,2)^2 \times 40 \text{ cm}$$

$$= 3,14 \times 705,6$$

$$= 2215,6 \text{ cm}^2$$

Le volume d'une pile est 2215,6 cm<sup>2</sup>.